

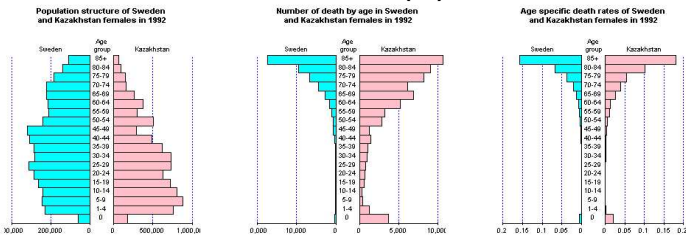
保健統計学 2018.5.29

- 交絡と回帰モデル
- 症例数とパワー計算: エビデンスベーストヘルスケア特講Iのサンプルサイズの設計の話の裏返し
 - 一般にサンプルサイズが大きいほど検出力(Statistical power)は大きくなる
 - 検出力は1から第二種の過誤(本当は差があるのにそれを見逃す確率)を引いた値
- 多重検定
 - 3群以上の比較をするとき、2群間の比較を繰り返すと全体としての第一種の過誤(本当は差がないのに誤って差があると判定してしまう確率)が大きくなってしまいますので、個々の検定の有意水準あるいは有意確率を調整する(これを検定の多重性の調整という)必要がある。多重比較ともいう
 - ボンフェローニの不等式に基づくボンフェローニの方法が最も単純。ホルムの方法やFDRが標準的。

交絡 (confounding) とは

- 原因→結果という因果関係を考えているとき、原因とも結果とも関連があって、しかも中間媒介因子ではない因子があるとき、これを交絡因子と呼ぶ。交絡因子の影響によって、注目している因果関係は歪められる。この歪みを交絡と呼ぶ
- 交絡要因の3条件(例: 肥満⇒高血圧に対する年齢)
 - 注目している要因(肥満)ではない
 - 注目している要因(肥満)と結果である健康影響(高血圧)の両方と因果的に関連
 - 要因曝露の結果ではない(肥満が高齢をもたらすのではない)

交絡の例 (1)



- スウェーデンの女性とカザフスタンの女性の1992年の死亡率
- スウェーデンの方がカザフスタンより衛生水準・医療水準・生活水準が高い
→ 当然、平均寿命はスウェーデン>カザフスタン
→ が、粗死亡率はスウェーデン(10.5) > カザフスタン(6.3)
- 理由は以下2点
 - どちらの国でも高齢者の死亡率 >> 若者や成人の死亡率
 - 高齢者の割合はスウェーデン > カザフスタン
- 年齢構造が交絡因子となっている

交絡の例 (2)

- 年齢が交絡因子となっているために、喫煙者の方が非喫煙者よりも死亡率が低くなることもある(出典: 『ロスマンの疫学』)

表1-1 英国ウィッカムの女性における調査開始時の喫煙状況による20年間の死亡リスク

生存状況	喫煙者	非喫煙者	合計
生存	139	230	369
死亡	443	502	945
総数	582	732	1,314
リスク(死亡/総数)	0.21	0.31	0.28

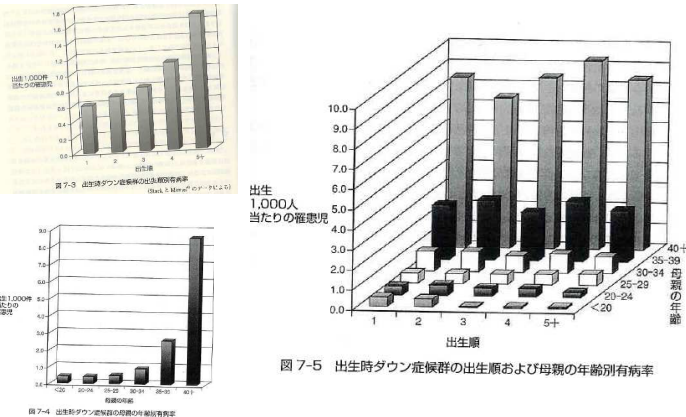
* Appletonら⁹⁾のデータによる

表1-2 英国ウィッカムの女性における調査開始時の年齢別喫煙状況による20年間の死亡リスク

年齢(歳)	生存状況	喫煙者	非喫煙者	総数
18-24	死亡	2	1	3
	生存	53	61	114
25-34	死亡リスク	0.04	0.02	0.03
	生存	3	5	8
35-44	死亡リスク	0.02	0.03	0.03
	生存	121	152	273
45-54	死亡	14	7	21
	生存	95	114	209
55-64	死亡	27	12	39
	生存	103	66	169
65-74	死亡	51	40	91
	生存	64	81	145
75+	死亡	29	101	130
	生存	7	28	35
総数	死亡リスク	0.81	0.78	0.79
	生存	13	64	77
死亡リスク	1.00	1.00	1.00	

交絡の例 (3)

- ダウン症ハイリスクなのは出生順位が後の子か? それとも母の年齢が高い子か? (出典『ロスマンの疫学』)



交絡の制御

- デザインによる制御
 - 性別や年齢による交絡がありそうな場合は、それらで層別した層別無作為抽出をする、コホート研究なら曝露群と非曝露群を設定するときに年齢や性別をマッチングする、特定の年齢や性別に限定化して研究すると、それらの影響がデータに表れない
- 解析方法の工夫による制御
 - 層別解析: 層別に比較する
 - 標準化: 年齢調整死亡率とか
 - プール化: どの層でも同じ関連や違いがあると仮定して要約統計量を計算する(マンテルヘンツェルの要約オッズ比など)
 - 多変量解析: 交絡因子も独立変数に含めたロジスティック回帰分析等

ロジスティック回帰分析の例

- エコポイントチェックデータ
<http://minato.sip21c.org/advanced-statistics/ecopx.txt>

<http://minato.sip21c.org/humeco/ecopoint.html>

エコポイント・チェック (Eco-Point Check)

Last updated on January 9, 2009 (WED) 14:49 (リンク先変更)

環境問題に関心する人は多いと思いますが、では実際の生活の中で環境問題に関心する方向で実践を定めているかどうかが大切です。必ずしも全ての項目をクリアする必要はありません。大切なのは、自分が実践している項目が、環境問題に関心する方向で実践を定めているかどうかが大切です。必ずしも全ての項目をクリアする必要はありません。大切なのは、自分が実践している項目が、環境問題に関心する方向で実践を定めているかどうかが大切です。

環境問題に関心する人は多いと思いますが、では実際の生活の中で環境問題に関心する方向で実践を定めているかどうかが大切です。必ずしも全ての項目をクリアする必要はありません。大切なのは、自分が実践している項目が、環境問題に関心する方向で実践を定めているかどうかが大切です。

エコポイント・チェック (Eco-Point Check)

項目	達成状況
1. 自分を含む同居人数	達成
2. 新聞雑誌リサイクル	達成
3. 古紙100%トレイペーパー使用	達成
4. 飲料容器トレイリサイクル	達成
5. 買い物袋持参	達成
6. 冷蔵庫より着る服で調節	達成
7. 食料を期限切れで捨てない	達成
8. 風呂水を家族で続けて入る(一人暮らしの場合はお湯を少なくする)	達成
9. 風呂水を洗濯等に利用	達成
10. 車のアイドリングストップ(車を止めていない人は「いつも」になる)	達成
11. マイカーを避けて公共交通を利用	達成
12. 太陽熱温水器を利用	達成
13. 家電製品は省エネ型以外は買わない	達成
14. 米のとぎ汁は減さず有効利用	達成
15. 油をふき取ってから皿洗い	達成
16. 塩と食塩食品を買わない	達成
17. 洗剤は合成洗剤でなく石鹼利用	達成
18. 洗剤(石鹼を含む)をはかって適量使用	達成
19. 除菌剤や殺虫剤を使わない	達成
20. 車のバッテリーや電池を適正処理	達成
21. トイレや風呂桶の強力洗剤を利用しない	達成
22. 有機溶剤を利用しない	達成
23. 有機農産物を選ぶ	達成
24. 地場の農産物を選ぶ	達成
25. 早寝早起き	達成
26. 煙草を吸わない	達成

質問項目

AGE	年齢(10歳階級)	0=10-19 1=20-29 2=30-39 3=40-49 4=50-59 5=60-69 6=70+
SEX	性別	0=M 1=F
FAMSIZ	自分を含む同居人数	
Q01	新聞雑誌リサイクル	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q02	古紙100%トレイペーパー使用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q03	飲料容器トレイリサイクル	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q04	買い物袋持参	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q05	冷蔵庫より着る服で調節	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q06	食料を期限切れで捨てない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q07	風呂水を家族で続けて入る(一人暮らしの場合はお湯を少なくする)	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q08	風呂水を洗濯等に利用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q09	車のアイドリングストップ(車を止めていない人は「いつも」になる)	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q10	マイカーを避けて公共交通を利用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q11	太陽熱温水器を利用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q12	家電製品は省エネ型以外は買わない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q13	米のとぎ汁は減さず有効利用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q14	油をふき取ってから皿洗い	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q15	塩と食塩食品を買わない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q16	洗剤は合成洗剤でなく石鹼利用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q17	洗剤(石鹼を含む)をはかって適量使用	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q18	除菌剤や殺虫剤を使わない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q19	車のバッテリーや電池を適正処理	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q20	トイレや風呂桶の強力洗剤を利用しない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q21	有機溶剤を利用しない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q22	有機農産物を選ぶ	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q23	地場の農産物を選ぶ	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q24	早寝早起き	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無
Q25	煙草を吸わない	0=いつも 1=大体 2=時々 3=たまに 4=皆無

ロジスティック回帰 (1)

- Q4 と Q10 の関係には年齢と性別の影響が両方ある (年齢と性別は Q4 と Q10 の関係を交絡している)
- 年齢と性別と Q10 を独立変数, Q4 を従属変数としてロジスティック回帰分析
- 年齢と性別の影響を調整して,
 - Q10 が TRUE の人 (いつも / 大体 / 時々公共交通利用 = 公共交通利用者) は
 - Q10 が FALSE の人 (公共交通利用がたまに / 皆無 = マイカー族) に比べて,
 - どれくらい Q4 が TRUE である (いつも / 大体 / 時々買い物袋持参 = エコバッグ派である) 割合が高いかわかる

ロジスティック回帰 (2)

- Q4 が TRUE である割合を p とすると, $\log(p/(1-p)) = \beta_0 + \beta_1 \text{AGE} + \beta_2 \text{SEX} + \beta_3 \text{Q10}$
- TRUE を 1, FALSE を 0 とすると, 他の変数を調整した上での Q10 の効果は,
 - Q10 が TRUE の場合の Q4 が TRUE である割合を p_1 とすれば, $\log(p_1/(1-p_1)) = \beta_0 + \beta_1 \text{AGE} + \beta_2 \text{SEX} + \beta_3$
 - Q10 が FALSE の場合の Q4 が TRUE である割合を p_0 とすれば, $\log(p_0/(1-p_0)) = \beta_0 + \beta_1 \text{AGE} + \beta_2 \text{SEX}$
 - 辺々引けば $\log(p_1/(1-p_1)) - \log(p_0/(1-p_0)) = \beta_3$
 - 結局この左辺は, $\log((p_1/(1-p_1))/(p_0/(1-p_0)))$ となる。これは対数オッズ比である。つまり, AGE と SEX の影響を調整した上で Q10 が TRUE である人は FALSE の人に比べて, $\exp(\beta_3)$ 倍, Q4 が TRUE になりやすい
 - 「性別と年齢の影響を調整した上で, 公共交通利用者はマイカー族に比べて, エコバッグ派である可能性が $\exp(\beta_3)$ 倍大きい」ということである。 $\beta_0 \sim \beta_3$ は, 一般化線型モデルの係数として推定される。

ロジスティック回帰 (3)

- R のコード


```
x <- read.delim("http://minato.sip21c.org/advanced-statistics/ecopx.txt") # 読み込み
x$Q04c <- ifelse(x$Q04>=2.5, 1, 0) # スコアなので1/0に変換
x$Q10c <- ifelse(x$Q10>=4.8, 1, 0) # スコアなので1/0に変換
res <- glm(Q04c ~ Q10c+AGE+SEX, family=binomial(logit), data=x) # ロジスティック回帰
summary(res) # 回帰分析の結果を出力
exp(coef(res)) # 対数オッズ比なので係数の exp() をとってオッズ比を得る
exp(confint(res)) # 信頼区間の exp() をとってオッズ比の 95% 信頼区間を得る
library(fmsb) # fmsb パッケージを読み込む
NagelkerkeR2(res) # モデルの説明力を示す Nagelkerke の R^2 の計算
```
- 出力結果

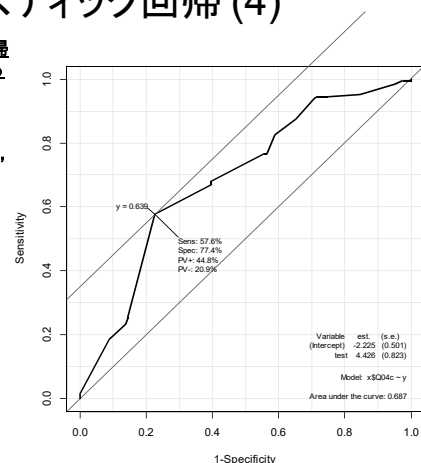
	Estimate	Std. Error	z value	Pr(> z)
(Intercept)	-0.5479	0.3232	-1.695	0.09006
Q10c	1.3036	0.2886	4.517	6.28e-06 ← 6.28×10 ⁻⁶ の意味
AGE	-0.1864	0.1106	-1.685	0.09202
SEX	0.7565	0.2751	2.750	0.00596
- AIC: 391.21

	Q10c	AGE	SEX	
(Intercept)	0.5781719	3.6826760	0.8299727	2.1308305
	2.5 %		97.5 %	
- (Intercept) 0.3032334 1.081392
 Q10c 2.1093893 6.560746
 AGE 0.6667677 1.030981
 SEX 1.2550376 3.700273
 \$R2 [1] 0.1333421 ← モデルの説明力は 13% 程度

ロジスティック回帰 (4)

- 得られたロジスティック回帰式を使って Q04c を予測するための ROC 分析


```
y <- predict(res, data.frame(Q10c=x$Q10c, AGE=x$AGE, SEX=x$SEX), "response")
library(Epi)
ROC(y, x$Q04c)
```
- 最適カットオフ 0.639, 感度 0.576, 特異度 0.774
- AUC は 0.687 (あまり良くない)



症例数とパワー計算 (1)

- 「エビデンスベーストヘルスケア特講 I」テキスト第 4 章を参照 <http://minato.sip21c.org/ebhc-text.pdf>
- 例えば独立 2 群の平均値の差の t 検定をする場合
 - 標準偏差, 意味のある差, α エラー, β エラーを決めればサンプルサイズを計算できる

$$n = 2(z_{\alpha/2} - z_{1-\beta})^2 SD^2 / d^2 + z_{\alpha/2}^2 / 4$$

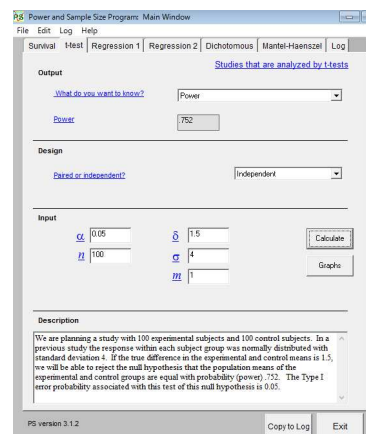
⇨ サンプルサイズ, 標準偏差, 実際の差, α エラーがわかれば β エラーがわかる → $1 - \beta$ エラーとして検出力も

$$z_{1-\beta} = z_{\alpha/2} - \sqrt{\frac{(n - z_{\alpha/2}^2 / 4) \cdot d^2}{2 \cdot SD^2}}$$

- パワー計算とは検出力を求めること。
- 他の条件が同じなら, サンプルサイズが大きいほど検出力は上がる

症例数とパワー計算 (2) 計算例

- 独立 2 群間の両側 t 検定をして, サンプルサイズが各群 100 人, 平均値の差が 1.5, 標準偏差が 4 で, 有意水準が 0.05 の場合,
- PS によれば (右図) 検出力は 0.752
- R では `power.t.test(n=100, delta=1.5, sd=4, sig.level=0.05, type="two.sample", alternative="two.sided")` と打てば, `power=0.7513...`
- EZR では 0.755 となる
- 小数点以下 3 桁目が微妙に違うが気にしなくて良い



多重検定 (1)

- 「エビデンスベーストヘルスケア特講 I」テキスト第 9 章を参照
- 多重比較の方法は多数あるが, 有名なのは, ボンフェローニ (Bonferroni) の方法, ホルム (Holm) の方法, シェフェ (Scheffé) の方法, テューキー (Tukey) の HSD, ダネット (Dunnnett) の方法, ウィリアムズ (Williams) の方法である。最近では, FDR (False Discovery Rate) 法も良く使われるようになった。
- ボンフェローニの方法とシェフェの方法は検出力が悪いので, 特別な場合を除いては使わない方が良い
- 平均値の差の多重比較ならテューキーの HSD (R では `TukeyHSD()` 関数を使う), その他の場合はホルムの方法が FDR 法が薦められる
- R の `pairwise.t.test()` や `pairwise.prop.test()` や `fmsb` パッケージの `pairwise.fisher.test()` などでは, `p.adjust.method="fdr"` のようなオプションとして検定の多重性の調整方法を指定する

多重検定 (2) 実行例

- R の組み込みデータ (6 週間異なる餌で飼育した後のヒヨコ体重 `chickwts`: 変数 `feed` が餌, 変数 `weight` が体重) を分析
- 一元配置分散分析で `feed` の `weight` への効果は有意
- EZR では `ファイル > パッケージに含まれるデータを読み込む > datasets の chickwts` を選択し, `統計解析 > 連続変数の解析 > 3 群以上の間の平均値の比較と選択`, 右上画面でオプション選択
- Tukey の場合右下の図が表示される → 中央の縦棒が「差がゼロ」の線。95% 同時信頼区間がそこに掛かっていない組合せが 5% 水準で「有意差あり」
- R では Tukey は `res <- TukeyHSD(aov(weight~feed, data=chickwts))` `plot(res)` `print(res)` # 多重性調整済 p 値表示 # 他は (調整法は "" 内に指定) `pairwise.t.test(chickwts$weight, chickwts$feed, p.adjust.method="fdr")` # 行列形式で 2 つずつの餌の組合せについて検定の多重性調整済 p 値が表示される

